1 Les règles d'inférence de la déduction naturelle

1.1 La conjonction $\wedge$

1.1.1 Introduction $(\wedge I)$

1	ϕ	
2	ψ	
3	$\phi \wedge \psi$	$(\wedge I, 1, 2)$

1.1.2 Élimination $(\wedge E)$

1	$\phi \wedge \psi$	
2	ϕ	$(\wedge E, 1)$

1	$\phi \wedge \psi$	
2	ψ	$(\wedge E, 1)$

1.2 La disjonction $\vee$

1.2.1 Introduction $(\vee I)$

1	ϕ	
2	$\phi \vee \psi$	$(\vee I, 1)$

1	ψ	
2	$\phi \vee \psi$	$(\vee I, 1)$

1.2.2 Élimination $(\vee E)$

1	$\phi \vee \psi$	
2	$\neg\phi$	
3	ψ	$(\vee E, 1, 2)$

1	$\phi \vee \psi$	
2	$\neg\psi$	
3	ϕ	$(\vee E, 1, 2)$

1.3 Le conditionnel $\rightarrow$

1.3.1 Introduction $(\rightarrow I)$

1	ϕ	(A)
$\vdots$	$\vdots$	
2	ψ	
3	$\phi \rightarrow \psi$	$(\rightarrow I, 1-2)$

1.3.2 Élimination $(\rightarrow E)$

1	$\phi \rightarrow \psi$	
2	ϕ	
3	ψ	$(\rightarrow E, 1, 2)$

1.4 Le Biconditionnel $\leftrightarrow$

1.4.1 Introduction $(\leftrightarrow I)$

1	$\phi \rightarrow \psi$	
2	$\psi \rightarrow \phi$	
3	$\phi \leftrightarrow \psi$	$(\leftrightarrow I, 1, 2)$

1.4.2 Élimination $(\leftrightarrow E)$

1	$\phi \leftrightarrow \psi$	
2	$\phi \rightarrow \psi$	$(\leftrightarrow E, 1)$

1	$\phi \leftrightarrow \psi$	
2	$\psi \rightarrow \phi$	$(\leftrightarrow E, 1)$

1.5 La Négation $\neg$

1.5.1 Introduction $(\neg I)$

1	ϕ	(A)
$\vdots$	$\vdots$	
2	ψ	
$\vdots$	$\vdots$	
3	$\neg\psi$	
4	$\neg\phi$	$(\neg I, 1-3)$

1.5.2 Élimination $(\neg E)$

1	$\neg\neg\phi$	
2	ϕ	$(\neg E, 1)$